

উচ্চতর গণিত (সূত্রাবলী)

দ্বাদশ শ্রেণি

অধ্যায়-৭ঃ ত্রিকোণমিতি

ত্রিকোণমিতিক সমীকরণ

- $\sin \theta = 0$ হলে $\theta = n\pi$
- $\cos \theta = 0$ হলে $\theta = (2n + 1) \frac{\pi}{2}$
- $\tan \theta = 0$ হলে $\theta = n\pi$
- $\sin \theta = \sin \alpha$ হলে $\theta = n\pi + (-1)^n \alpha$
- $\cos \theta = \cos \alpha$ হলে $\theta = 2n\pi \pm \alpha$
- $\tan \theta = \tan \alpha$ হলে $\theta = n\pi + \alpha$
- $\sin \theta = 1$ হলে $\theta = (4n + 1) \frac{\pi}{2}$
- $\sin \theta = -1$ হলে $\theta = (4n - 1) \frac{\pi}{2}$

❖ $a \cos \theta + b \sin \theta = c$ আকারের সমীকরণ হলে, উভয় পক্ষকে $\sqrt{a^2 + b^2}$ দ্বারা ভাগ করতে হবে।

❖ অর্থাৎ $\frac{a}{\sqrt{a^2 + b^2}} \cos \theta + \frac{b}{\sqrt{a^2 + b^2}} \sin \theta = \frac{c}{\sqrt{a^2 + b^2}}$

❖ প্রয়োজনীয় সূত্রাবলী :

1. $\sin(A + B) = \sin A \cos B + \cos A \sin B$ 2. $\sin(A - B) = \sin A \cos B - \cos A \sin B$

3. $\cos(A + B) = \cos A \cos B - \sin A \sin B$ 4. $\cos(A - B) = \cos A \cos B + \sin A \sin B$

5. $\tan(A + B) = \frac{\tan A + \tan B}{1 - \tan A \tan B}$ 6. $\tan(A - B) = \frac{\tan A - \tan B}{1 + \tan A \tan B}$

❖ গুণ হতে যোগে রূপান্তরের সূত্রাবলী :

1. $2 \sin A \cos B = \sin(A + B) + \sin(A - B)$

2. $2 \cos A \sin B = \sin(A + B) - \sin(A - B)$

3. $2 \cos A \cos B = \cos(A + B) + \cos(A - B)$

4. $2 \sin A \sin B = \cos(A - B) - \cos(A + B)$

❖ যোগ হতে গুণে রূপান্তরের সূত্রাবলীঃ

1. $\sin C + \sin D = 2 \sin \frac{C+D}{2} \cos \frac{C-D}{2}$

2. $\sin C - \sin D = 2 \cos \frac{C+D}{2} \sin \frac{C-D}{2}$

3. $\cos C + \cos D = 2 \cos \frac{C+D}{2} \cos \frac{C-D}{2}$

4. $\cos C - \cos D = 2 \sin \frac{C+D}{2} \sin \frac{D-C}{2}$

অবাস্তর মূল : কিছু কিছু সমীকরণকে বর্গ করে সমাধান করলে এমন একটি মূল পাওয়া যায় যা নির্দিষ্ট সমীকরণকে সিদ্ধ করে না। এ ধরনের মূলকে অবাস্তর বা অপ্রাসঙ্গিক মূল বলে।